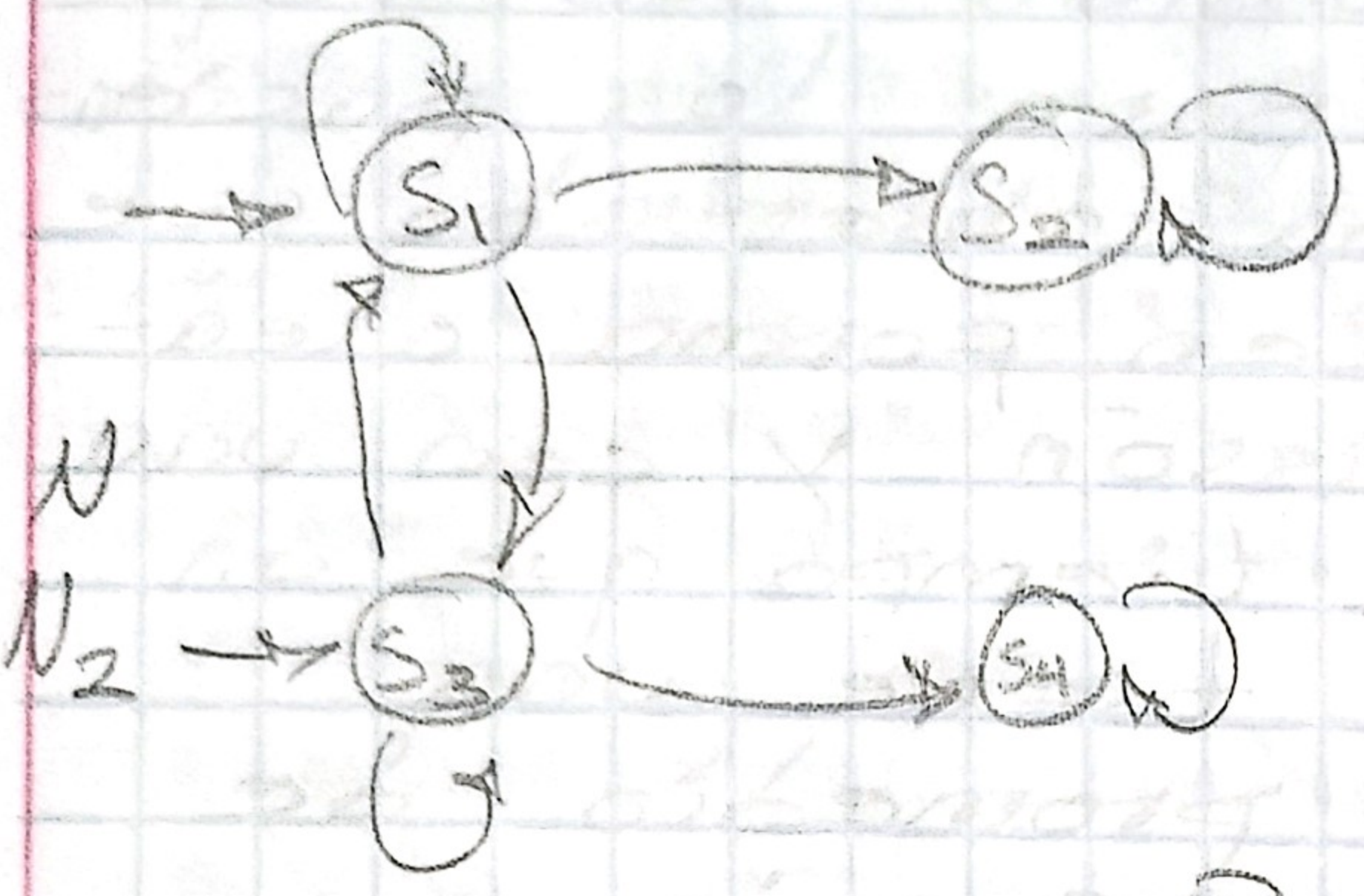


ROUND  
ROUND

### Explicación del Trabajo



### Tablas

S <sub>i</sub>	P(x)	Paso	Inicio	Finar
S <sub>1</sub>	1/3	1	S <sub>1</sub>	S <sub>3</sub>
S <sub>3</sub>	1/3	2	S <sub>3</sub>	S <sub>1</sub>
S <sub>2</sub>	1/3	3	S <sub>1</sub>	S <sub>3</sub>

Promedio  
varianza

T T<sub>2</sub>

B

Max Pasos  
min Pasos

S <sub>i</sub>	P(x)
S <sub>3</sub>	
S <sub>1</sub>	
S <sub>4</sub>	

ahora con  
corridos

FUNC ALEATORIOS  
RAND#

PI 12 DATOS

0  
MAS DATOS

Corrida	S <sub>1</sub>	S <sub>3</sub>	S <sub>1-3</sub>	Absol
1	2	1	3	2
2	4	4	8	4
3	1	0	1	2
4	6	5	11	2
5	3	3	6	4
⋮				

$$\bar{X}_{11} = 3.2$$

$$\bar{X}_{13} = 2.6$$

$$\frac{2.4}{5} = \bar{X}_1 = 5.8$$

Σ	Σ	Σ
corridas	c	c
σ	σ	σ

Esto en excel.

Como calculo los valores  
de la matriz B

$$B = \begin{matrix} & S_2 & S_4 \\ S_1 & \left( \begin{array}{cc} 3/5 & 2/5 \end{array} \right) \\ S_3 & & \end{matrix}$$

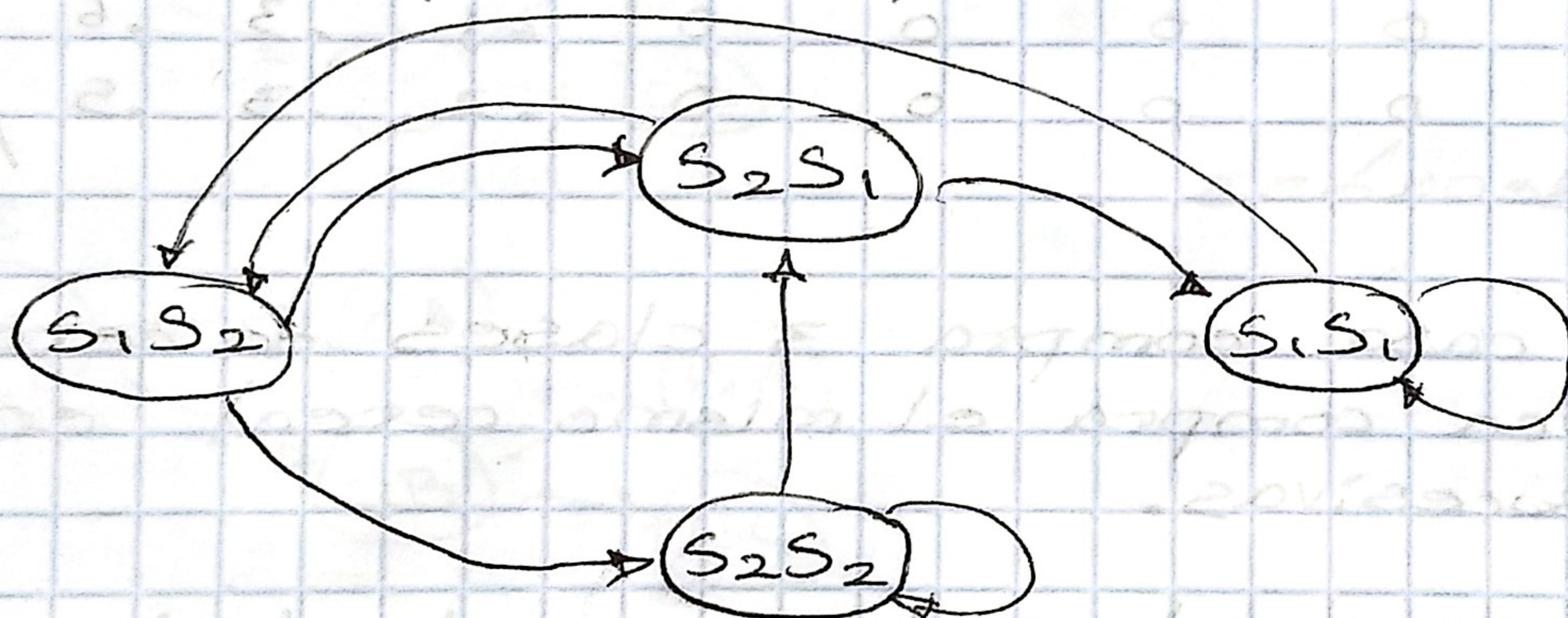
Puede ser empezando  
en I edo.

19/04/06

## PROCESO DE MARKOV de 2º Orden

En el análisis de una cadena de Markov de primer orden las posibilidades de los acontecimientos futuros depende solamente de los resultados del último periodo

Falta  
Un proceso de Markov de 2º orden depende de las probabilidades de transición dadas durante los 2 últimos periodos inmediatamente precedentes para pronosticar las probables participaciones futuras. Por ejemplo en un estudio para determinar las participaciones de los consumidores, los patrones escasos o variables de dan por resultados cadenas de Markov de 2º orden y mayores. En realidad hay que tener en cuenta el intercambio de marcas a finde pronosticar con más exactitud los periodos futuros



En una cadena de Markov de primer orden las retenciones, ganancias y pérdidas han adoptado un patrón consistente en cada uno de los periodos lo que da como resultado un patrón relativamente estable para la matriz de probabilidades de transición.

En una cadena de Markov de primer orden

$$T = \begin{matrix} & \begin{matrix} S_1 & S_2 \end{matrix} \\ \begin{matrix} S_1 \\ S_2 \end{matrix} & \begin{pmatrix} .5 & .5 \\ .4 & .6 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

La cadena de Markov de 2º orden puede demostrarse utilizando los datos de 3 marcas (A, B, C) en motiva competencia.

Un análisis de Markov de 2º Orden en las preferencias de los consumidores de estas 3 marcas, supone que las selecciones de marcas específicas para el próximo periodo dependerán de las selecciones de marcas hechas por los clientes durante los 2 periodos anteriores, esto con el propósito de pronosticar las probables participaciones futuras.

T =

	AA	BA	CA	AB	BB	CB	AC	BC	CC	Σ
AA	.4	.3	.3	0	0	0	0	0	0	1
AB	.3	.5	.2	0	0	0	0	0	0	1
AC	.3	.3	.4	0	0	0	0	0	0	1
BA	0	0	0	.3	.5	.2	0	0	0	1
BB	0	0	0	.2	.5	.3	0	0	0	1
BC	0	0	0	.3	.4	.3	0	0	0	1
CA	0	0	0	0	0	0	.3	.2	.5	1
CB	0	0	0	0	0	0	.1	.3	.6	1
CC	0	0	0	0	0	0	.2	.3	.5	1
										Σ 9

→ Agrupados ordenados

Ejm 2: Una ama de casa compra 3 clases de cereal (A, B, C). Nunca compra el mismo cereal en 2 semanas sucesivas.

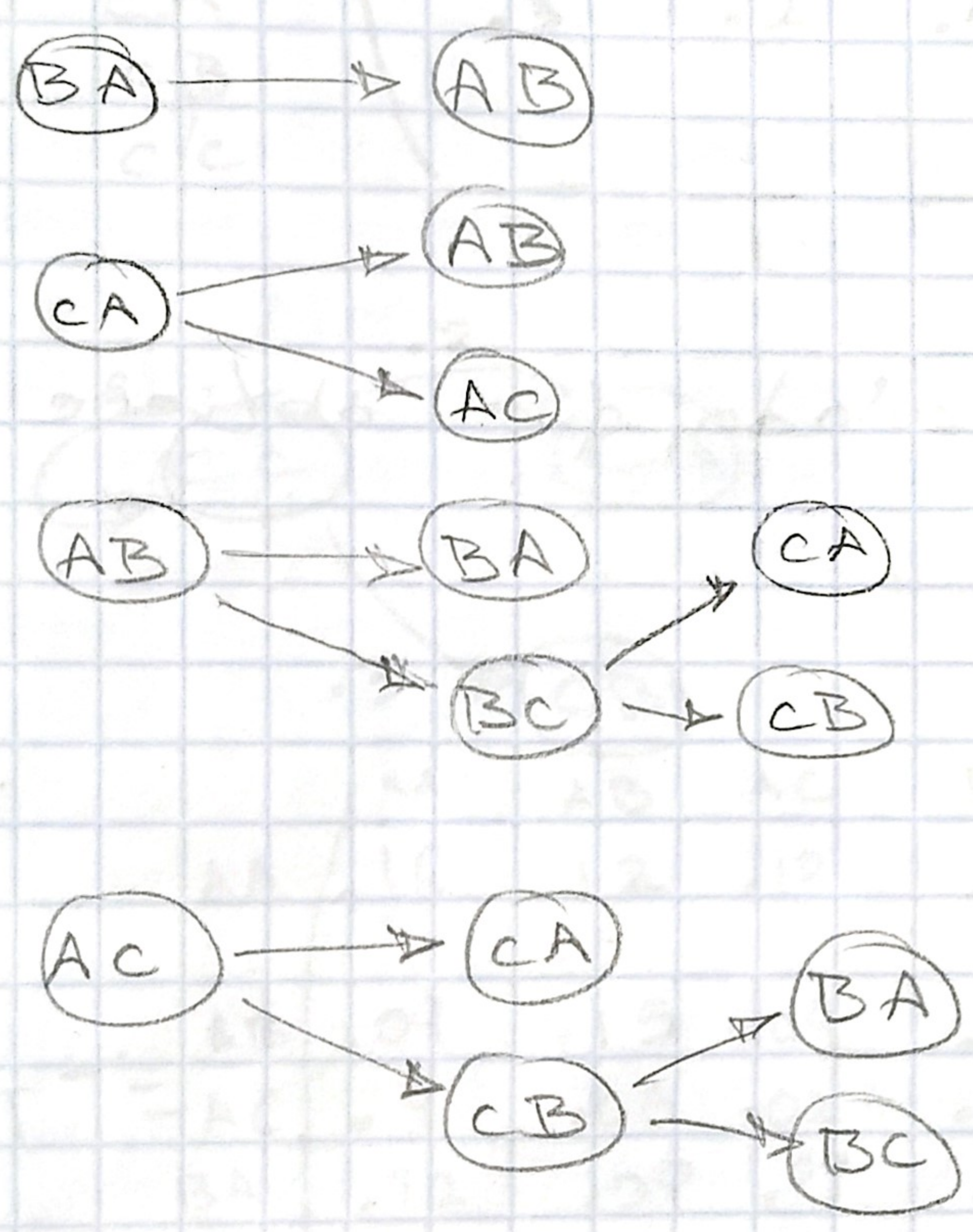
Si compra el cereal A después de haber comprado B, la siguiente semana compra B. Sin embargo si antes de la compra de A compro C, le da lo mismo comprar cualquier marca.

Al comprar el cereal B o C, consumiendo el A la semana anterior, la siguiente semana es 3 veces más probable que compre el A que cualquiera de las otras marcas.

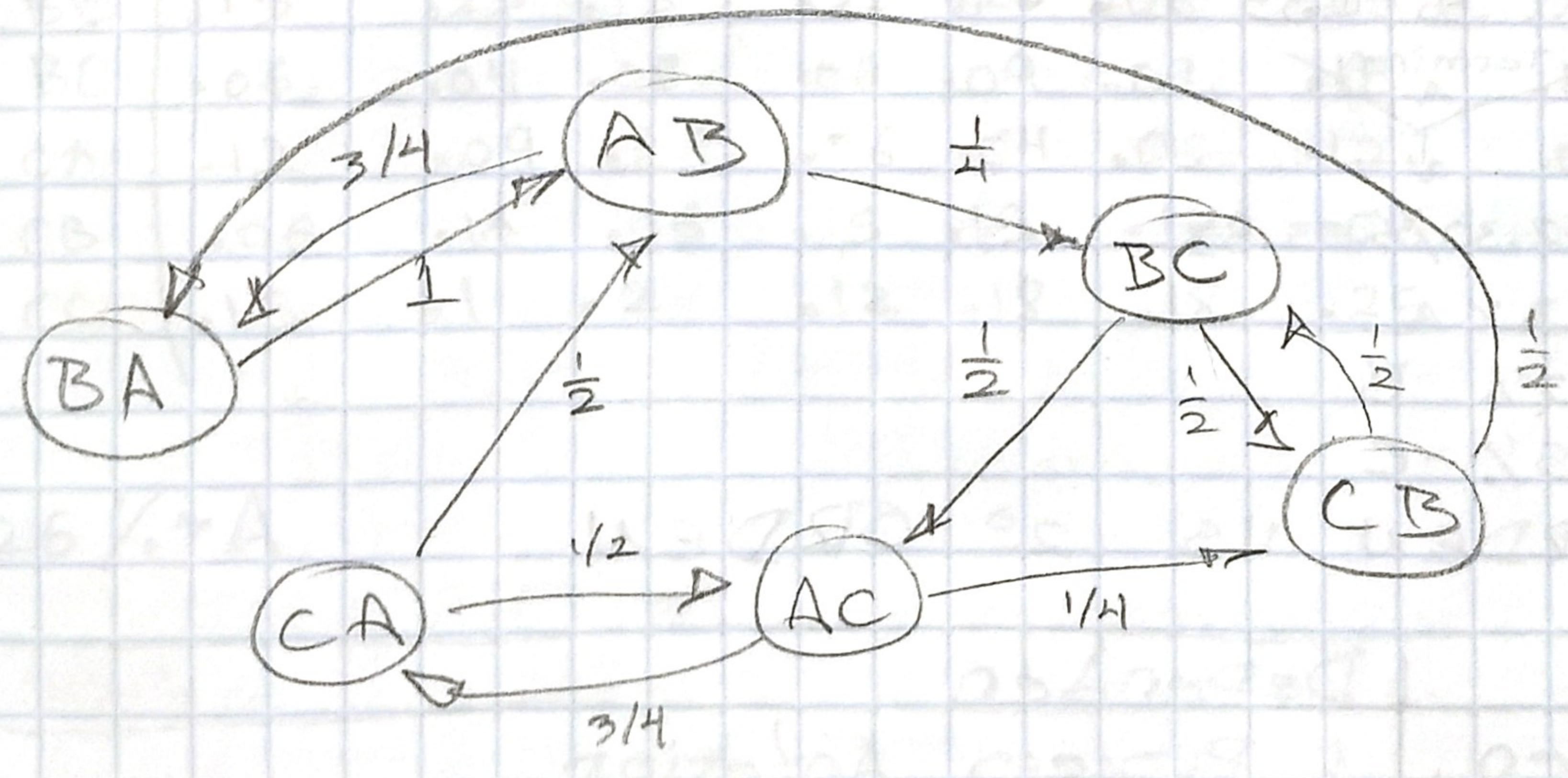
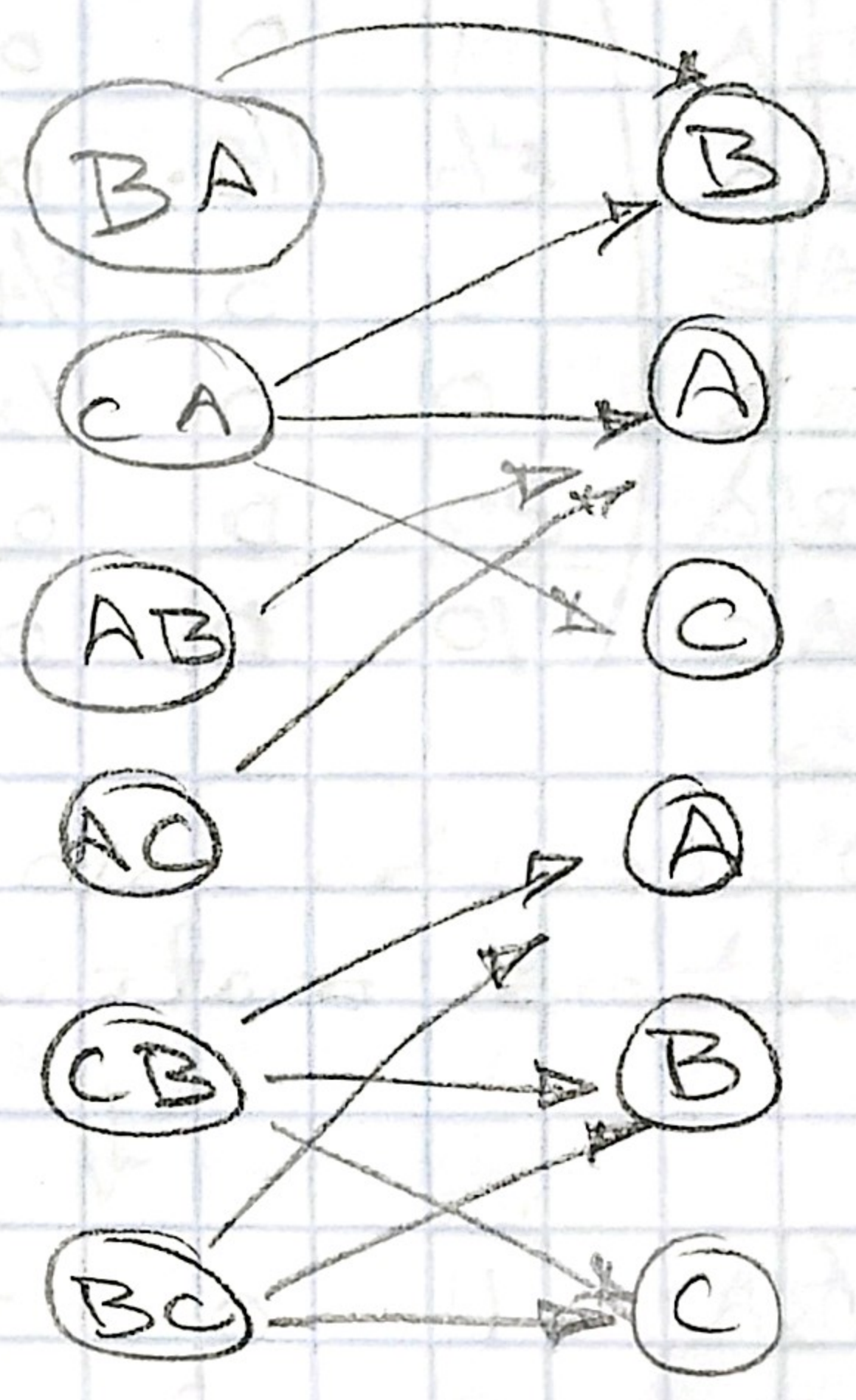
La siguiente semana le da lo mismo comprar cualquier cereal después de haber consumido CB o BC.

- a) Elaborar el diagrama de transición
- b) Cual es la matriz de transición
- c) Despues de 3 semanas ¿Cual es el consumo de cada uno de los cereales?

Mas Proximo



Ensayo



$$T = \begin{matrix} & \begin{matrix} AB & AC & BA & BC & CA & CB \end{matrix} \\ \begin{matrix} BA \\ AB \\ BC \\ CA \\ AC \\ CB \end{matrix} & \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 3/4 & 1/4 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1/2 & 1/2 \\ 1/2 & 1/2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 3/4 & 1/4 \\ 0 & 0 & 1/2 & 1/2 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

$$T^2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1/8 & 1/8 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/4 & 1/4 & 0 & 0 \\ 1/2 & 0 & 3/8 & 1/8 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/8 & 1/8 & 0 & 0 \\ 1/4 & 1/4 & 0 & 0 & 1/4 & 1/4 \end{pmatrix}$$

Orden

$$T = \begin{matrix} \begin{matrix} BA \\ CA \\ AB \\ CB \\ BC \\ AC \end{matrix} & \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1/2 & 1/2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 3/4 & 1/4 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 1/2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1/2 & 1/2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 3/4 & 1/4 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

T3 obtenida sin ordenar con una calculadora que obtiene productos matriciales

$$T^3 = \begin{matrix} \begin{matrix} BA \\ AB \\ BC \\ CA \\ AC \\ CB \end{matrix} & \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ .13 & 0 & .28 & .22 & .28 & .09 \\ .13 & .13 & .06 & .06 & .41 & .22 \\ .56 & .06 & 0 & 0 & .19 & .19 \\ .06 & .06 & .09 & .09 & .48 & .20 \\ .25 & 0 & .31 & .19 & .19 & .06 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} \Sigma & 2.13 & .25 & .75 & .56 & 1.55 & .76 = 6 \\ + & .76 & & & & & \\ \hline & 2.89/6 = 48.16 & & & & & \end{matrix}$$

Terminan A

$$2.30/6 = 3.83$$

Ahora tienen: 38.3% A  
48.2% B  
13.5% C

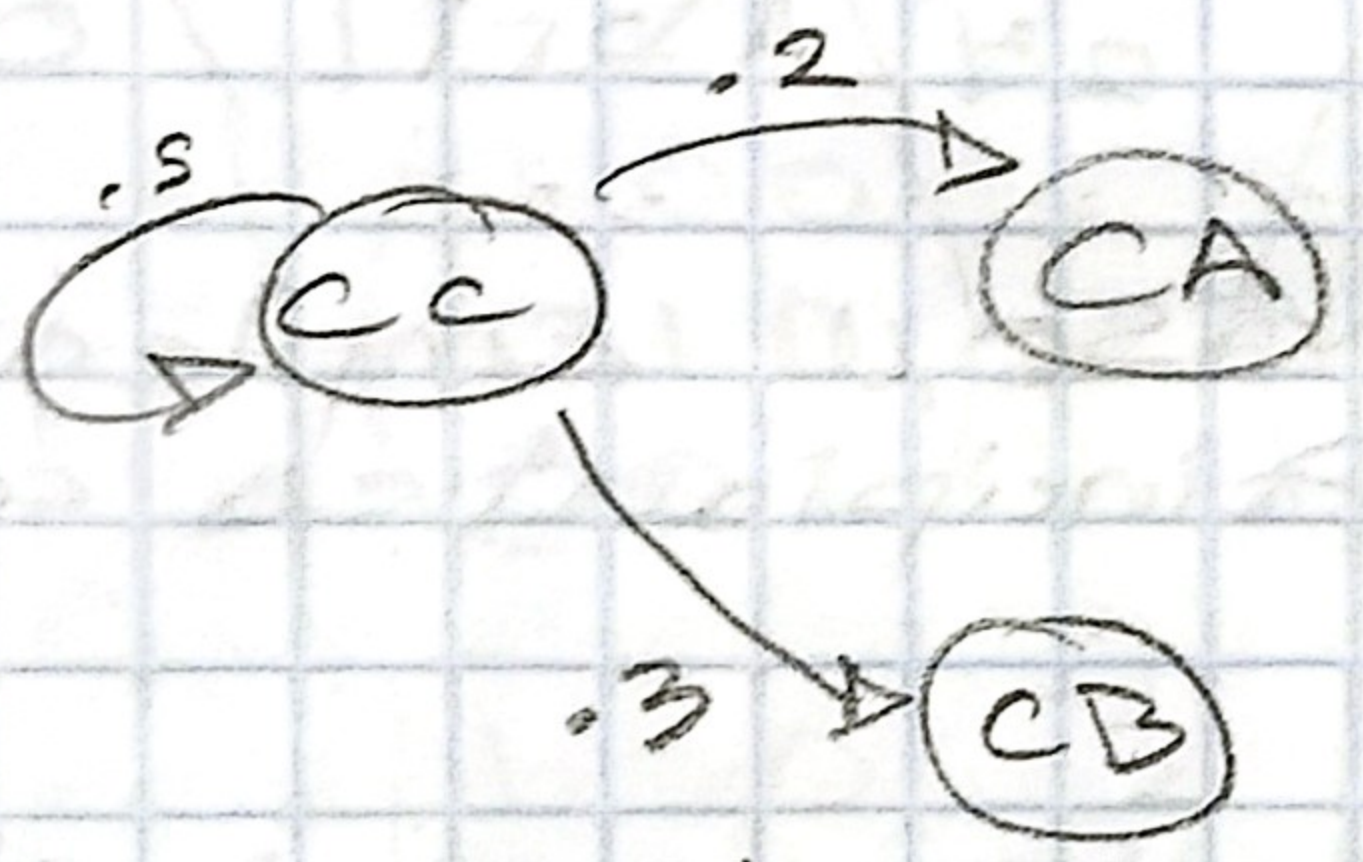
DIFERENCIA 1º ORDEN VS 2º ORDEN

	Dependen
Proceso 1º orden	1 Proceso Anterior
Proceso 2º orden	2 procesos Inmediatos Anteriores

No suma 1

	2, 1	2, 1										
	AA	AB	AC	BA	BB	BC	CA	CB	CC		A	
3, 2	.4	.3	.3								1.0	
AA											.8	
AB				.3	.2	.3					.6	26%
AC							.3	.1	.2		1.1	2.4/9
BA	.3	.5	.3								1.4	3.3/9
BB				.5	.5	.4					.8	36%
BC							.2	.3	.3		.9	36%
CA	.3	.2	.4								.8	36%
CB				.2	.3	.3					1.6	3.3/9
CC							.5	.6	.5			
	1	1	1	1	1	1	1	1	1			

Las col. si suman 1



	AA	AB	AC	BA	BB	BC	CA	CB	CC	
AA	.16	.12	.12	.09	.06	.09	.09	.03	.06	.82
AB	.09	.15	.09	.10	.10	.08	.06	.04	.04	.85
AC	.09	.06	.02	.03	.03	.1	.1	.12	.1	.67
BA	.12	.09	.09	.15	.10	.15	.09	.03	.06	.88
BB	.15	.25	.15	.25	.25	.20	.08	.20	.12	1.65/9 = 38.1%
BC	.06	.04	.08	.06	.09	.09	.15	.18	.15	.9
CA	.12	.09	.09	.06	.04	.06	.12	.04	.08	.7
CB	.06	.10	.06	.15	.15	.12	.06	.09	.09	.88/9 = 36.7%
CC	.15	.1	.2	.12	.18	.18	.25	.3	.25	1.73
							1	1	1	

26% → A

Tiempo 1ª Transición ultimo del 1er Tema

Examen Pbx. Jueves

	.4	.3	.3	(AA)	.34	.33	.33	1	<u>2.34</u>
				BA	.36	.40	.36	1.12	<u>3.38</u>
T	.3	.5	.3	T <sup>2</sup> = CA	.30	.27	.31		
	.3	.2	.4						
	.3	.2	.3	T <sup>2</sup> = (AB)	.25	.25	.26		<u>.76</u>
	.5	.5	.4	BB	.48	.47	.47		
	.2	.3	.3	CB	.27	.28	.27		
				(AC)	.21	.18	.19		<u>.58</u>
				BC	.27	.29	.28		
				CC	.52	.53	.53		

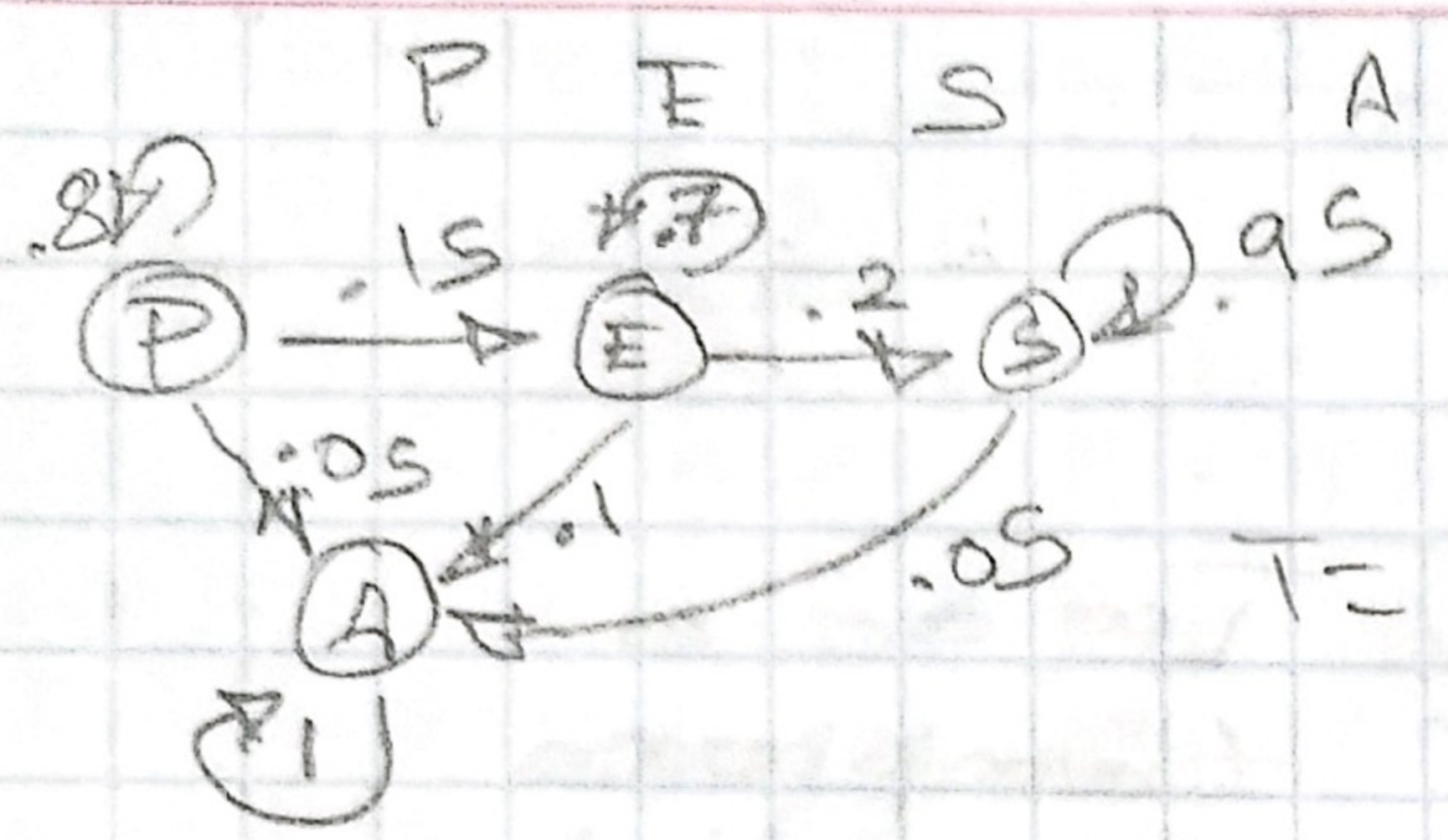
24/Abril/06

La Empresa de abogados MASON emplea a 3 categorías de abogados: Principiantes con experiencia y socios.

Durante un año determinado hay una probabilidad de 0.15 para que un abogado principiante sea ascendido a abogado con experiencia y una probabilidad de .05 de que deje la empresa. También hay una probabilidad de 0.20 de que un abogado con experiencia sea ascendido a socio y una probabilidad de 0.10 que deje la empresa.

Finalmente hay una prob. de .05 de q' un socio deje la empresa. La empresa tiene como política no bajar de nivel a un abogado.

- a) ¿Cual es el tiempo promedio que pasa un abogado principiante en la empresa?
- b) Con 95% de confianza ¿cual es el tiempo maximo de que está en la empresa un abogado principiante?
- c) Cual es la posibilidad de que un abogado con experiencia deje la empresa



$$T = \begin{matrix} & \begin{matrix} P & E & S & A \end{matrix} \\ \begin{matrix} P \\ E \\ S \\ A \end{matrix} & \begin{pmatrix} .8 & .15 & 0 & .05 \\ 0 & .7 & .2 & .1 \\ 0 & 0 & .95 & .05 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

$$T = \begin{matrix} & \begin{matrix} A & P & E & S \end{matrix} \\ \begin{matrix} A \\ P \\ E \\ S \end{matrix} & \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ .05 & .8 & .15 & 0 \\ .1 & 0 & .7 & .2 \\ .05 & 0 & 0 & .95 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

$$\begin{array}{c|c} I & 0 \\ \hline R & Q \end{array}$$

$$N = (I - Q)^{-1}$$

$$N = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} .8 & .15 & 0 \\ 0 & .7 & .2 \\ 0 & 0 & .95 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} .2 & -.15 & 0 \\ 0 & .3 & -.2 \\ 0 & 0 & .05 \end{pmatrix} \begin{array}{c|c} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{array} = \begin{pmatrix} 1 & -.75 & 0 \\ 0 & 1 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 0 & .05 \end{pmatrix} \begin{array}{c|c} 5 & 0 & 0 \\ 0 & 3\frac{1}{3} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{array}$$

$$N = \begin{array}{c|ccc} 1 & 0 & -\frac{1}{2} & 5 & \frac{5}{2} & 0 \\ 0 & 1 & -\frac{2}{3} & 0 & 3\frac{1}{3} & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 20 \end{array} = \begin{array}{c|ccc} 1 & 0 & 0 & 5 & \frac{9}{2} & 10 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 3\frac{1}{3} & \frac{40}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 20 \end{array}$$

$$N = \begin{matrix} P & E & S \\ \begin{matrix} S \\ E \\ S \end{matrix} & \begin{pmatrix} 5 & \frac{9}{2} & 10 \\ 0 & 3\frac{1}{3} & \frac{40}{3} \\ 0 & 0 & 20 \end{pmatrix} \end{matrix} \quad \text{a) } 5 \text{ Años}$$

$$E_p(n_p) = 5$$

$$\text{b) } T = N \bar{g} = \begin{pmatrix} 17.5 \\ 50/3 \\ 20 \end{pmatrix} \quad \bar{X} + zS \quad z_{.95} = 1.96$$

$$T_2 = (2N - I)T - T^2 S Q$$

$$T_2 = \begin{pmatrix} 333.75 \\ 348.20 \\ 380.0 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 10 & \frac{10}{2} & 20 \\ 0 & 6\frac{2}{6} & 80/6 \\ 0 & 0 & 40 \end{pmatrix}$$

$$DS T_2 = 1$$



$$\begin{pmatrix} 5 & 5/2 & 10 \\ 0 & 3\frac{1}{3} & 0 \\ 0 & 0 & 20 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} .05 \\ -1 \\ .05 \end{pmatrix} = \dots$$

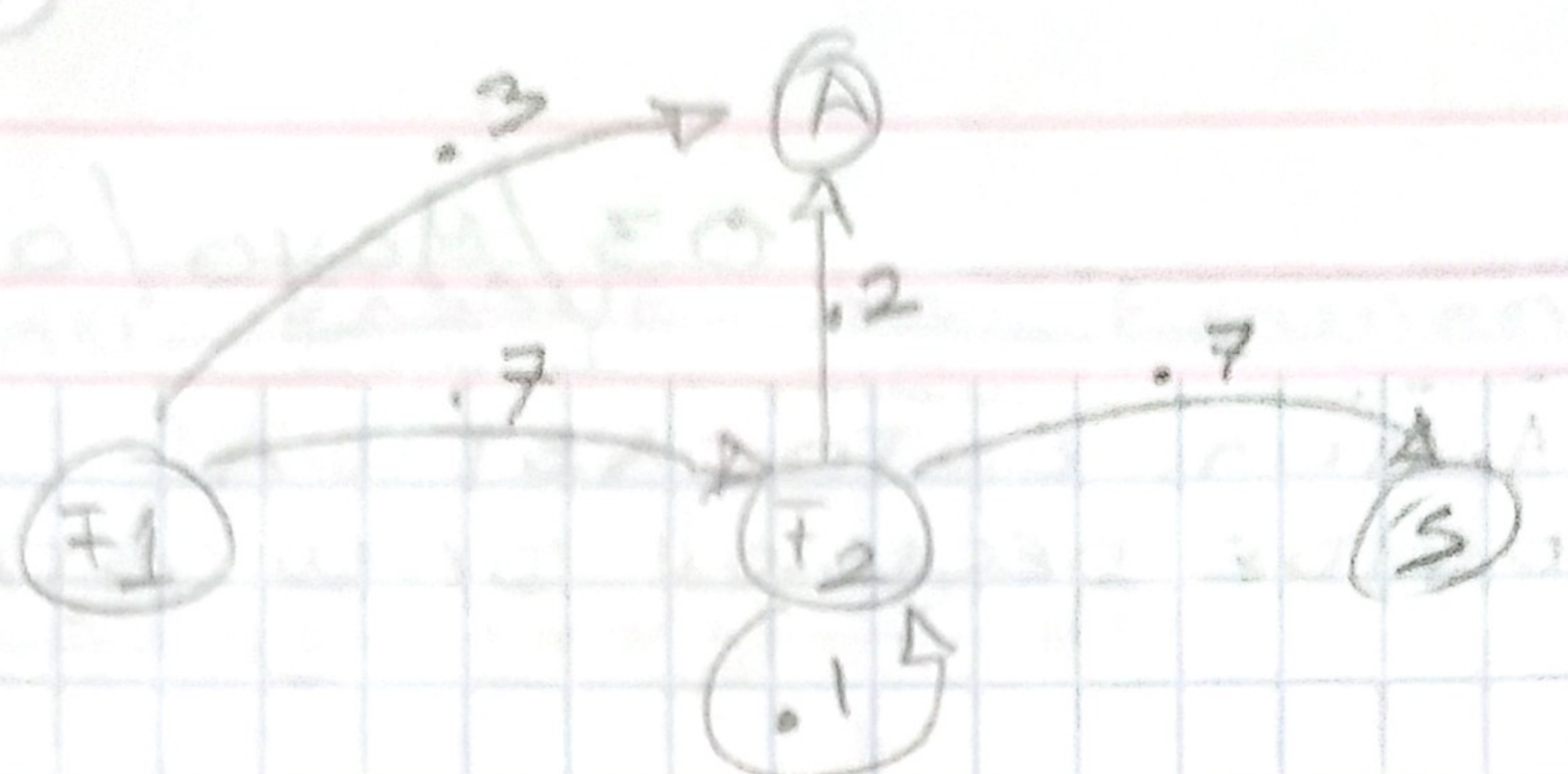
c)  $B = NR = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$   $\leftarrow$   $\begin{matrix} P \\ E \\ S \end{matrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \rightarrow$  Tarde o temprano salen todos

El programa de Entrenamiento para los supervisores de cierta CIA contiene 2 fases: Fase 1 que incluye 3 sem. de trabajo en el aula, que va seguida por la fase 2 la cual consiste en un programa de aprendizaje de 3 Semanas bajo la dirección de los supervisores ya trabajando.

De la experiencia pasada la compañía espera el 70% de aquellos que inician el entrenamiento en el aula y logren pasar la fase de aprendizaje y el resto abandonar el programa de entrenamiento.

De los que pasan a la fase de aprendizaje 70% se gradúan como supervisores, 10% Deberán repetir la 2<sup>a</sup> fase y 20% quedan completamente fuera del programa.

- a) Cual es el tiempo promedio que pasa un estudiante, que inicia en la fase 1, en este programa de entrenamiento antes de graduarse.
- b) Con el 95% de confianza cual es el tiempo máximo que pasa un estudiante en la fase 1
- c) Cual es la probabilidad de que un estudiante que inicia en la fase 2 abandone el programa.



a)

$$T = \begin{matrix} & F_1 & F_2 & S & A \\ \begin{matrix} F_1 \\ F_2 \\ S \\ A \end{matrix} & \begin{pmatrix} 0 & .7 & 0 & .3 \\ 0 & .1 & .7 & .2 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

$$T = \begin{matrix} & A & S & F_1 & F_2 \\ \begin{matrix} A \\ S \\ F_1 \\ F_2 \end{matrix} & \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ .3 & 0 & 0 & .7 \\ .2 & .7 & 0 & .1 \end{pmatrix} \end{matrix} \quad \begin{matrix} I & 0 \\ R & Q \end{matrix}$$

$$I-Q = \begin{matrix} 1 & 0 & 0 & .7 \\ 0 & 1 & 0 & .1 \end{matrix} = \left[ \begin{array}{ccc|cc} 1 & .7 & 1 & 0 \\ 0 & .9 & 0 & 1 \end{array} \right]^{-1} \rightarrow \left[ \begin{array}{ccc|cc} 1 & 0 & 1 & .777 \\ 0 & 1 & 0 & 1.11 \end{array} \right]$$

$$N = \begin{matrix} F_1 & F_2 \\ \begin{matrix} F_1 \\ F_2 \end{matrix} & \begin{pmatrix} 1 & .777 \\ 0 & 1.11 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

$$T = \begin{matrix} F_1 \\ F_2 \end{matrix} \begin{pmatrix} 1.77 \\ 1.11 \end{pmatrix} \quad 1.77 \text{ semanas} \quad E_{F_1}(t) = 1.77$$

b)

$$N_{DG} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1.11 \end{pmatrix} \quad N_{SQ} = \begin{pmatrix} 1 & .61 \\ 0 & 1.23 \end{pmatrix}$$

$$N_2 = \begin{pmatrix} 1 & .77 \\ 0 & 1.11 \end{pmatrix} \left[ \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2.22 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \right] - \begin{pmatrix} 1 & .61 \\ 0 & 1.23 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & .77 \\ 0 & 1.11 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1.22 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & .61 \\ 0 & 1.23 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & .9394 \\ 0 & 1.35 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & .61 \\ 0 & 1.23 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & .3294 \\ 0 & .12 \end{pmatrix} \quad N_2$$

Extra

$$T_2 = (2N - I)T - T_{SQ}$$

$$T_2 = \begin{matrix} F_1 \\ F_2 \end{matrix} \begin{pmatrix} 28/81 \\ 10/81 \end{pmatrix} \quad \begin{matrix} F_1(.58) \\ F_2(.35) \end{matrix}$$

$$1.77 + 1.96(.58) = 2.9 \quad \text{MAX}$$

$$\text{si inicia } F_2 \text{ Tiempo Max} \quad \frac{10}{9} + 1.96(.35) = 1.79$$

$$1 \pm 1.96(0) = 1 \quad (1, 1) \quad \text{Periodo}$$

c)

$$\begin{pmatrix} 1 & .77 \\ 0 & 1.11 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} .3 & 0 \\ .2 & .7 \end{pmatrix} \begin{matrix} A \\ S \\ F_1 \\ F_2 \end{matrix} \begin{pmatrix} .45 & .59 \\ .22 & .77 \end{pmatrix} \rightarrow B$$

B =  $\begin{pmatrix} .22 & .59 \\ .45 & .77 \end{pmatrix}$  .22 Es la proba de K abandone estando en la fase 2.

03/Mayo/06

3er Parcial

## PROGRAMACION DINAMICA ESTOCASTICA PROCESOS ESTOCASTICOS DE DECISION DE N ETAPAS

Un proceso de decisión de  $n$  etapas es estocástico si el rendimiento asociado con al menos una decisión del proceso es aleatorio. Esta aleatoriedad generalmente se presenta en 1 de dos formas: o los estados son determinados exclusivamente por las decisiones, pero los rendimientos asociados con 1 o más de dos estados son inciertos; o los rendimientos son determinados exclusivamente por los estados, pero los estados que se presentan a partir de 1 o más decisiones son inciertos.

Si las distribuciones probabilísticas que rigen a los eventos aleatorios son conocidas y si el número de etapas y el número de estados son finitos entonces el enfoque de programación dinámica es útil para optimizar un proceso de decisión estocástico de  $n$  etapas. En donde el procedimiento general es optimizar el valor esperado del rendimiento.

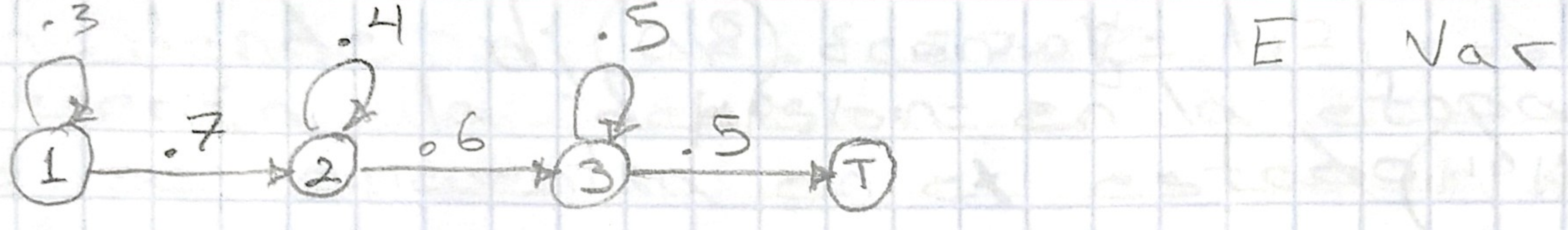
Para los procesos en los cuales la aleatoriedad existe en los estados asociados, con las decisiones una política óptima puede exhibirse como una tabla de políticas similar a la siguiente:

### Estados

Etapas	$a_1$	$a_2$	$a_3$	$\dots$	$a_r$
1	$d_1(a_1)$	$d_1(a_2)$	$d_1(a_3)$		$d_1(a_r)$
2	$d_2(a_1)$	$d_2(a_2)$	$d_2(a_3)$		$d_2(a_r)$
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$		$\vdots$
$n$	$d_n(a_1)$	$d_n(a_2)$	$d_n(a_3)$		$d_n(a_r)$

de decisión

Solución Ensayo de Examen 2



$$T = \begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 & T \end{matrix} \\ \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ T \end{matrix} & \begin{pmatrix} .3 & .7 & 0 & 0 \\ 0 & .4 & .6 & 0 \\ 0 & 0 & .5 & .5 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \end{matrix} \quad \begin{matrix} + \\ - \\ - \\ + \end{matrix} \begin{matrix} 1 & 2 & 3 \\ \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & .3 & .7 & 0 \\ 0 & 0 & .4 & .6 \\ .5 & 0 & 0 & .5 \end{pmatrix} \end{matrix} \quad \begin{matrix} I & | & 0 \\ \hline R & | & Q \end{matrix}$$

$$I - Q = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} .3 & .7 & 0 \\ 0 & .4 & .6 \\ 0 & 0 & .5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} .7 & -.7 & 0 \\ 0 & .6 & -.6 \\ 0 & 0 & .5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 & | & 1.42 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & | & 0 & 1.7 & 0 \\ 0 & 0 & .5 & | & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 & | & 1.42 & 1.7 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & | & 0 & 1.7 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & | & 0 & 0 & 2 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & | & 1.42 & 1.7 & 2 \\ 0 & 1 & 0 & | & 0 & 1.7 & 2 \\ 0 & 0 & 1 & | & 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$

$$N = \begin{matrix} 1 & 2 & 3 \\ \begin{pmatrix} 1.42 & 1.7 & 2 \\ 0 & 1.7 & 2 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix} \end{matrix} \quad T = \begin{pmatrix} 5.12 \\ 3.7 \\ 2 \end{pmatrix} \quad T_{SQ} = \begin{pmatrix} 26.2 \\ 13.69 \\ 4 \end{pmatrix}$$

Media  
 $T_1 = 5.12$

$$T_2 = \begin{pmatrix} 2.84 & 3.4 & 4 \\ 0 & 3.4 & 4 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} T = \begin{pmatrix} 1.84 & 3.4 & 4 \\ 0 & 2.4 & 4 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 5.12 \\ 3.7 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 30 \\ 16.8 \\ 6 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 26.2 \\ 13.69 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3.8 \\ 3.11 \\ 2 \end{pmatrix}$$

Var = 3.8

$$\bar{x} \pm z s$$

$$5.12 \pm 1.96 (1.94)$$

$$Var = 3.8$$

$$s = 1.94$$

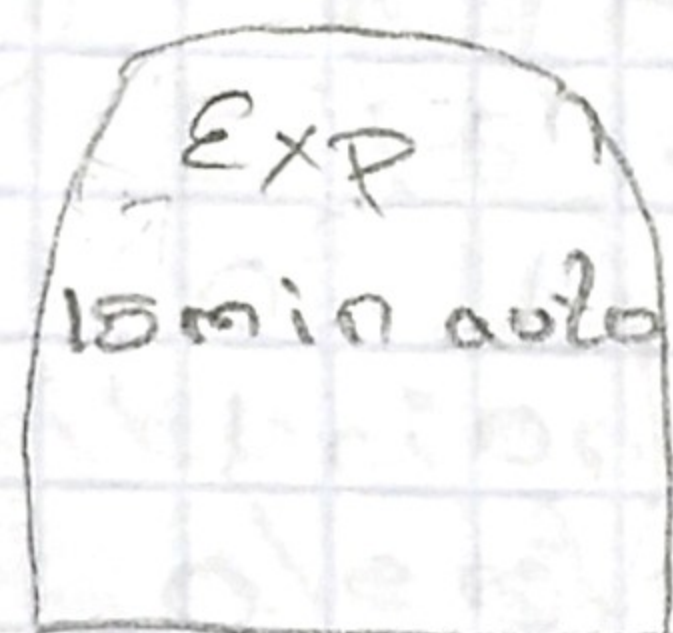
Intervalo

$$(3, 9)$$

$$c) B = \begin{pmatrix} 1.42 & 1.7 & 2 \\ 0 & 1.7 & 2 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -5 \end{pmatrix} = \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{matrix} \begin{pmatrix} T \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \rightarrow P$$

Poisso

$$\lambda = \frac{4}{hr}$$



$$x = -15 \ln(r)$$

Auto	Hr llegada	Inicio Servicio	Tiempo Servicio	Hr salida	Cajon ocupado
1	8:00	8:00	13	8:13	0
2	8:05	8:14	2	8:16	1
3	8:23	8:23	14	8:37	0
4	8:30	8:38	22	9:00	1
5	8:36	9:01	18	9:19	2
6	8:46	9:20	1	9:21	3
7	9:22	9:22	1	9:23	0
8	9:49	9:49	5	9:54	0
9	10:53	10:55	17	11:12	1
10	10:59	11:13	13	11:26	2

Fin de Solución de Ensayo de Examen 2.

En donde  $d_j(a_k)$  con  $j = 1, 2, \dots, n$  y  $k = 1, 2, \dots, r$  representa la decisión en la etapa  $j$  si el proceso se encuentra en el estado  $k$ .

### PROCEDIMIENTO DE PROGRAMACION DINAMICO PARA OBTENER LA TABLA DE DECISIONES

1. Crear tabla con ganancias para cada etapa (opciones denominada por  $F_j(x)$ ) con el objeto de maximizar la función  $z = z = F_1(x_1) + F_2(x_2) + \dots + F_n(x_n)$  y la tabla debe de tener la siguiente forma:  
Ganancias o rendimientos

estado etapa $x$	0	1	2	3	...
$F_1(x)$					
$F_2(x)$					
⋮					

2. Calcular el valor maximo de la ultima etapa  $m_n(u)$  de la sig. manera:

$$M_n(u) = \{F_n(x)\} \quad \text{Donde } u = \text{cada estado y } x = 0, 1, \dots, u$$

3. Calcular el valor maximo de cada etapa (anteriores a la ultima) con la expresión:

$$M_j(u) = \{F_j(x) + M_{j+1}(u-x)\}$$

$$j = n-1, n-2, \dots, 1 \quad ; \quad x = 0, 1, 2, \dots, u$$

4/03/06

Un transportista cuenta con un camion que tiene una capacidad de  $8 \text{ Km}^3$ , un fabricante que produce 3 diferentes tipos de artículos A solicitando su servicios pagandole las sig. cantidades

Art	Vol	Pago
A	$1 \text{ m}^3$	\$11 / Art
B	3 ✓	\$32 ✓
C	5 ✓	\$ 58 ✓

capacidad del Camion  $8 \text{ m}^3$

Determinas el # de unidades k de transportarse p/obtener la maxima ganancia.  
GANANCIAS

Edo x	Flapa	0	1	2	3	4	5	6	7	8
F <sub>1</sub>	A	0	11	22	33	44	55	66	77	88
F <sub>2</sub>	B	0	0	0	32	32	32	64	64	64
F <sub>3</sub>	C	0	0	0	0	0	58	58	58	58

$U = 0, 1, \dots, 8$

$X = 0, 1, 2, \dots, 8$

en de la a final  $M_n(u) = \{ F(x) \}$   
 $= \{ F_3(0), F_3(1), F_3(2), F_3(3), F_3(4), F_3(5), F_3(6), F_3(7), F_3(8) \}$   
 $= \{ 0, 0, 0, 0, 0, 58, 58, 58, 58 \}$   
 El maximo es 58 se lleva a la tabla de decisiones.

DECISIONES

ETAPAS	ESTADOS								
	0	1	2	3	4	5	6	7	8
$M_3(u)$	0	0	0	0	0	58	58	58	58
$d_3(u)$	0	0	0	0	0	5	5	5	5
$M_2(u)$	0	0	0	32	32	58	64	64	90
$d_2(u)$	0	0	0	3	3	0	6	6	3
$M_1(u)$						58	64	80	91
$d_1(u)$						0	1	2	3

Quitamos el ultimo elemento y el valor max es 58... y asi le seguimos

90 es la maxima ganancia

Paso 3)  $m_j(u) = \{ F_j(x) + m_{j+1}(u-x) \}$   $j=2,1$

$$m_2(8) = \{ F_2(0) + m_3(8-0), F_2(1) + m_3(8-1), F_2(2) + m_3(8-2), F_2(3) + m_3(8-3), F_2(4) + m_3(8-4), F_2(5) + m_3(8-5), F_2(6) + m_3(8-6), F_2(7) + m_3(8-7), F_2(8) + m_3(8-8) \}$$

$$= \{ 0 + 58, 0 + 58, 0 + 58, 32 + 58, 32 + 0, 32 + 0, 64 + 0, 64 + 0, 64 + 0 \}$$

El mayor es  $32 + 58 = 90$  con  $x=3$

Paso terminamos la tabla

$$m_2(7) = \{ F_2(0) + m_3(7-0), F_2(1) + m_3(7-1), F_2(2) + m_3(7-2), F_2(3) + m_3(7-3), F_2(4) + m_3(7-4), F_2(5) + m_3(7-5), F_2(6) + m_3(7-6), F_2(7) + m_3(7-7) \}$$

$u = 0, 1, \dots, 7$   
 $x = 0, 1, 2, \dots, 7$

$$m_2(7) = \{ 0 + 58, 0 + 58, 0 + 58, 32 + 0, 32 + 0, 32 + 0, 32 + 0, 64 + 0, 64 + 0 \}$$

$$m_2(6) = \{ 0 + 0, 0 + 0, 0 + 0, 0 + 58, 0 + 58, 0 + 58, 32 + 0, 32 + 0, 32 + 0 \}$$

$$m_2(5) = \{ 0 + 58, 0 + 58, 0 + 58, 32 + 0, 32 + 0, 0 + 58, 0 + 58, 0 + 58, 32 + 0 \}$$

$$m_2(4) = \{ 0 + 58, 0 + 58, 0 + 58, 32 + 0, 32 + 0, 0 + 58, 0 + 58, 0 + 58, 32 + 0 \}$$

$$m_2(3) = \{ 0 + 0, 0 + 0, 0 + 0, 0 + 58, 0 + 58, 0 + 58, 32 + 0, 32 + 0 \}$$

se reduciendo terminos



$$\begin{aligned}
 m_1(8) &= \{f_1(0)+m_2(8), f_1(1)+m_2(7), f_1(2)+m_2(6), f_1(3)+m_2(5), f_1(4)+m_2(4), \\
 &\quad f_1(5)+m_2(3), f_1(6)+m_2(2), f_1(7)+m_2(1), f_1(8)+m_2(0)\} \\
 &= \{0+90, 11+64, 22+64, \underline{33+58}, 44+32, 55+32, 66+0, 77+0, 88+0\} \\
 m_1(7) &= \{0+64, 11+64, 22+58, \underline{33+32}, 44+32, 55+0, 66+0, 77+0\} \\
 m_1(6) &= \{0+64, 11+58, 22+32, \underline{33+32}, 44+0, 55+0, 66+0\} \\
 m_1(5) &= \{0+58, 11+32, 22+32, 33+0, 44+0, 55+0\}
 \end{aligned}$$

8-Mayo-2006

Un distrito escolar en el cual una considerable proporción de estudiantes tiene serios problemas de lectura, a logrado <sup>obtener</sup> fondos para contratar a 5 profesores especiales. El administrador desea colocarlos en las 3 escuelas que han tenido la peores puntuaciones en lectura, sin embargo no sabe cuantos profesores debe colocar en cada escuela para maximizar la efectividad del programa de lectura.

Consultando con los directores y profesores de las escuelas elaboraron una tabla que muestra el aumento promedio en el nivel de calificación de lectura que se experimentaria en cada escuela al asignar diversos numeros a ellas. Esta tabla es la siguiente:

Para resolver este problema elaboramos las tablas de decisión para c/u de las etapas

		GANANCIAS					
		0	1	2	3	4	5
A							
B							
C							

MAYO 8, 06

No d' PROFESORES	ESCUELA		
	A <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	C <sub>3</sub>
0	0	0	0
1	6	9	12
2	10	14	18
3	15	18	21
4	18	20	21
5	20	20	21

TABLA DE DECISION ETAPA 1 ESCUELA C

VAR DE ECO (X <sub>2</sub> )	RENDIMIENTO INMEDIATO	DECISION OPTIMA	RENDIMIENTO OPTIMO
0	0	0	0 → M <sub>3</sub>
1	12	1	12
2	18	2	18 ↑
3	21	3	21
4	21	3, 4	21 → P/ESC 3
5	21	3, 4, 5	21

TABLA 0' DECISION ETAPA 2 ESCUELA B

VAR ECO	DECISIONES					RENDIMIENTO OPTIMO	DECISION OPTIMA
	0	1	2	3	4		
0	0+0					0	0
1	0+12	9+0				12	0
2	0+18	9+12	14+0			21	1
3	0+21	9+18	14+12	18+0		27	1
4	0+21	9+21	14+18	18+12	20+0	32	2 ↑
5	0+21	9+21	14+21	18+18	20+12	36	3

TABLA 0' DECISION ETAPA 3 ESCUELA A

0	0+0					0	0
1	0+12	6+0				12	0
2	0+21	6+12	10+0			21	0
3	0+27	6+21	10+12	15+0		27	0, 1
4	0+32	6+27	10+21	15+12	18+0	33	1
5	0+36	6+32	10+27	15+21	18+12	38	1

ELECCION ESCOLA A  
COMO ES EL MAYOR → C ASIGNA

C PASA A LA TABLA ESC B

10:30 AM

DE LAS TABLAS DE DECISION DE LA TABLA INICIAL

ESCUELA	PROFESORES	RENDIMIENTO
A	1	6
B	2	14
C	2	18
	<u>5 PROF.</u>	<u>38</u>

→ RENDIMIENTO.

11-Mayo-06

### GRACE MILLER

viaja a instalaciones universitarias de la parte noroeste de USA de la parte Noroeste de USA vendiendo ropa a los estudiantes, debido al incremento en el costo de la gasolina. Acaba de comprar un automovil + pequeño y ya no puede transportar tantos articulos como le gustaria llevar.

Todos los articulos q vende se empaquetan en caja de 12 1/2 x caja y no desea llevar menos de una caja entera de cualquiera de los articulos. El automovil tiene 8 pies<sup>3</sup> de capacidad. Los articulos que desea transportar junto con el espacio que ocupa y la utilidad por caja son los siguientes:

Articulo	Pies cúbicos	Utilidad
Bolsas	1	\$50
Pantalones	2	75
Vestidos	2	100
Playeras	1	35

Que articulos debe transportar para maximizar sus utilidades

### Tabla 1 PLANERAS

X	REND. OPT.	Dec. OPT
0	0	0
1	35	1
2	70	2
3	105	3
4	140	4
5	175	5
6	210	6
7	245	7
8	280	8

### VESTIDOS

X	0	1	2	3	4	5	6	7
0	0+0							
1	0+35	0+35						
2	0+70	0+70	100+0					
3	0+105	0+105	100+35	100+35				
4	0+140	0+140	100+70	100+70	200+0			
5	0+175	0+175	100+105	100+105	200+35	200+35		
6	0+210	0+210	100+140	100+140	200+70	200+70	300+0	
7	0+245	0+245	100+175	100+175	200+105	200+105	300+35	300+35
8	0+280	0+280	100+210	100+210	200+140	200+140	300+70	300+70

8 REND opt Dec optima

	0	0
	35	0,1
	100	2
	135	2,3
	200	4
	235	4,5
	300	6
	335	6,7
8	400+0	8